

DNB 2008 – Activités numériques : exercice 2.

Énoncé : 2 est-il solution de l'équation : $2a^2 - 3a - 5 = 1$? Justifier.

Productions :

1- Romain :

$$\begin{aligned} \text{non car } & (2 \times 2^2 - 3 \times 2 - 5) \\ & = 2 \times 4 - 6 - 5 \\ & = 8 - 6 - 5 = -3 \end{aligned}$$

2- David :

$$\begin{aligned} 2a^2 - 3a - 5 & \neq 1 \\ 2 \times 2^2 - 3 \times 2 - 5 & \neq 1 \\ 4^2 - 6 - 5 & \neq 1 \\ 16 - 6 - 5 & \neq 1 \\ 10 - 5 & \neq 1 \\ 5 & \neq 1 \end{aligned}$$

2 n'est pas solution de l'équation car le résultat final est 5.

3- Quentin :

$$\begin{aligned} 2 \times 2^2 - 3 \times 2 - 5 \\ = 2 \times 4 - 6 - 5 \\ = 8 - 1 \\ = \rightarrow \end{aligned}$$

~~le~~ le chiffre 2 n'est pas la solution de l'équation

4- Leïla :

$$\begin{aligned} 2a^2 - 3a - 5 & = 1 \\ 2a^2 - 3a & = 1 + 5 \\ 2a^2 - 3a & = 6 \\ 2 \times 2 \times 2 - 3 \times 2 & = 6 \\ 8 - 6 & = 6 \\ 2 & = 6 \\ 2 & \text{ n'est pas la solution} \end{aligned}$$

5- Farid :

$$\begin{aligned} 2 \times 2 \times 2 - 3 \times 2 - 5 & = 1 \\ 8 - 6 - 5 & = 1 \\ 2 - 5 & = 1 \\ -3 & \neq 1 \end{aligned}$$

2 n'est pas solution de l'équation.

6- Lucile :

$$\begin{aligned} 2a^2 - 3a - 5 & = 1 \\ \text{Je remplace } a & \text{ par } 2, \text{ puis je résous l'équation} \\ 2 \times 2^2 - 3 \times 2 - 5 \\ 2 \times 4 - 6 - 5 \\ 8 - 11 & = -3 \\ \text{Je ne retrouve pas le résultat } 1, & \text{ donc} \\ 2 & \text{ n'est pas solution de l'équation.} \end{aligned}$$

DNB 2008 – Activités numériques : exercice 3.

Énoncé : Trois points d'une droite graduée ont respectivement pour abscisse : $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{3}$ et $\frac{5}{12}$.

Ces trois points sont-ils régulièrement espacés sur la droite graduée ? Justifier.

Productions :

1- Logan :

* dénominateur on met tous les nombre sur la même * fraction :

$$\frac{1}{4} = \frac{1 \times 3}{4 \times 3} = \frac{3}{12}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{1 \times 4}{3 \times 4} = \frac{4}{12}$$

$$\text{donc : } \frac{3}{12} < \frac{4}{12} < \frac{5}{12}$$

oui car ils sont espacés de 1.

2- Maxime :

3) $\frac{3}{12}$, $\frac{4}{12}$, $\frac{5}{12}$ ou les trois sont régulièrement espacés.

3- Alice :

4 est un multiple de 12

3 est un multiple de 12

Je ramène tout sur le même dénominateur 12

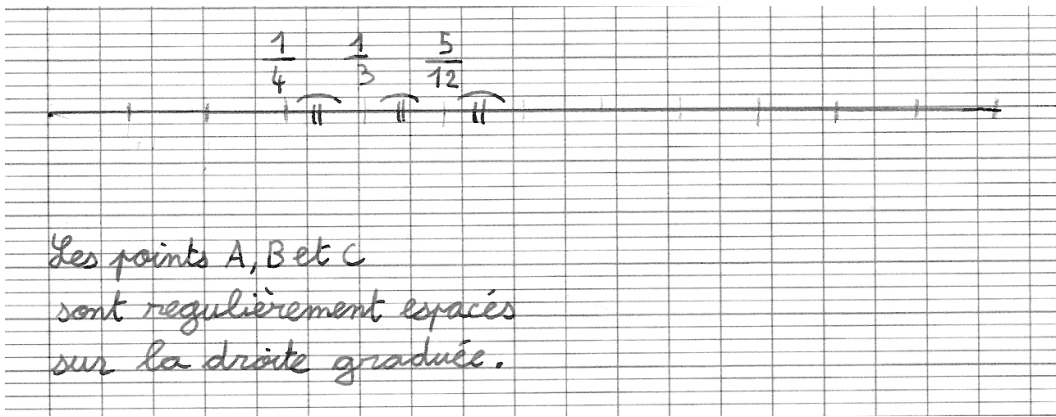
$$\frac{1 \times 3}{4 \times 3} = \frac{3}{12}$$

$$\frac{1 \times 4}{3 \times 4} = \frac{4}{12}$$

Je compare $\frac{3}{12}$ $\frac{4}{12}$ $\frac{5}{12}$

Les abscisses des points A, B et C sont des chiffres qui se suivent donc les 3 points sont espacés régulièrement.

4- Myriam :



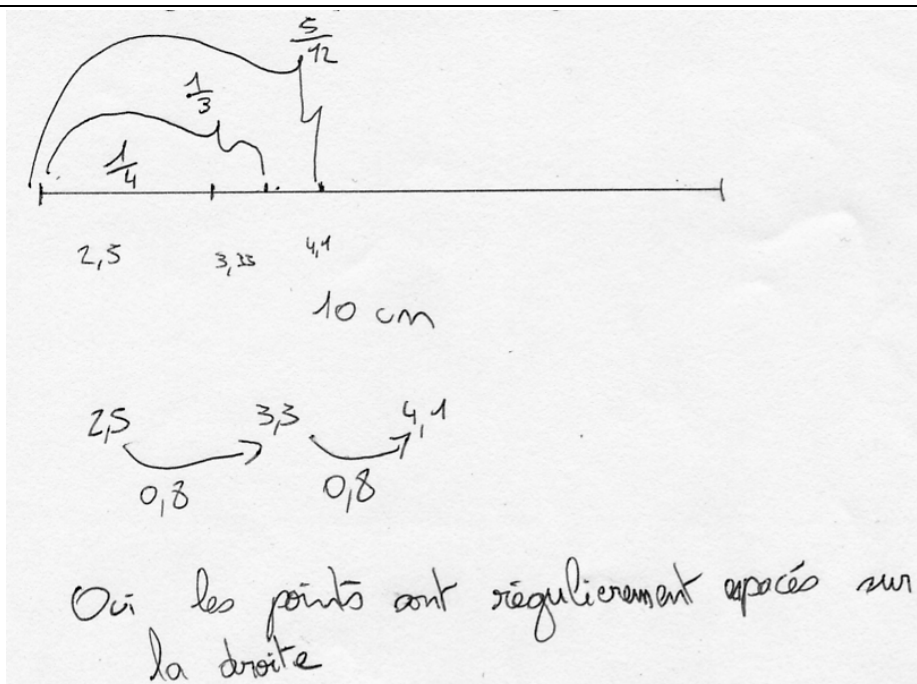
5- Félix :

Oui ces 3 points sont régulièrement espacés sur la droite graduée car si on rapporte tout au dénominateur 12 cela nous donne $\frac{3}{12}$; $\frac{4}{12}$ et $\frac{5}{12}$

6- Mélanie :

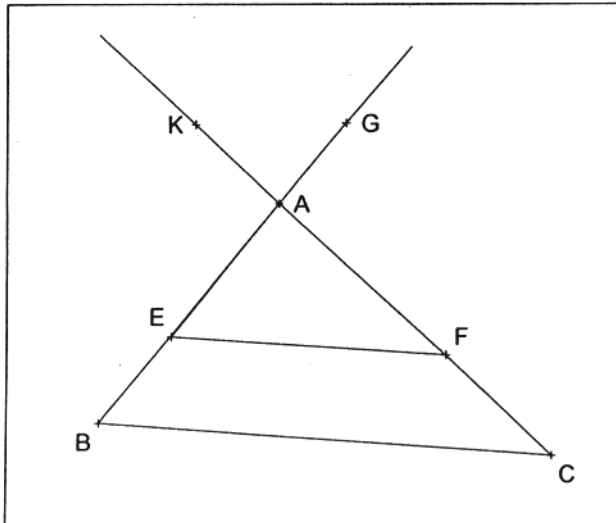
Oui les points A, B et C sont régulièrement espacés car : si on prend une droite de 12 cm, le point est à 3 cm du bord, le point B est à 4 cm du même bord et le point C est à 5 cm du bord. Identique aux deux autres points et comme entre 3 cm et 4 cm il y a 1 cm et que entre 4 cm et 5 cm il y a aussi 1 cm, alors les points sont régulièrement espacés.

7- Guillaume :



DNB 2008 – Activités géométriques : exercice 2.

Énoncé :



Sur la figure ci-contre :

- les points K, A, F, C sont alignés ;
- les points G, A, E, B sont alignés ;
- (EF) et (BC) sont parallèles ;
- $AB = 5$ et $AC = 6,5$;
- $AE = 3$ et $EF = 4,8$;
- $AK = 2,6$ et $AG = 2$.

- 1) Démontrer que $BC = 8$.
- 2) Tracer en vraie grandeur la figure complète en prenant comme unité le centimètre.
- 3) Les droites (KG) et (BC) sont-elles parallèles ? Justifier.
- 4) Les droites (AC) et (AB) sont-elles perpendiculaires ? Justifier.

Productions :

1- Alexis :

1 - Dans le triangle ABC, (EF) et (BC) sont parallèles alors d'après le théorème de Thalès :

$$\frac{AE}{AB} = \frac{EF}{BC} = \frac{AF}{AC} \quad \text{donc : } \frac{3}{5} = \frac{4,8}{BC} = \frac{AF}{6,5}$$

on obtient :

$$BC \times 3 = 5 \times 4,8$$

$$BC \times 3 = 24$$

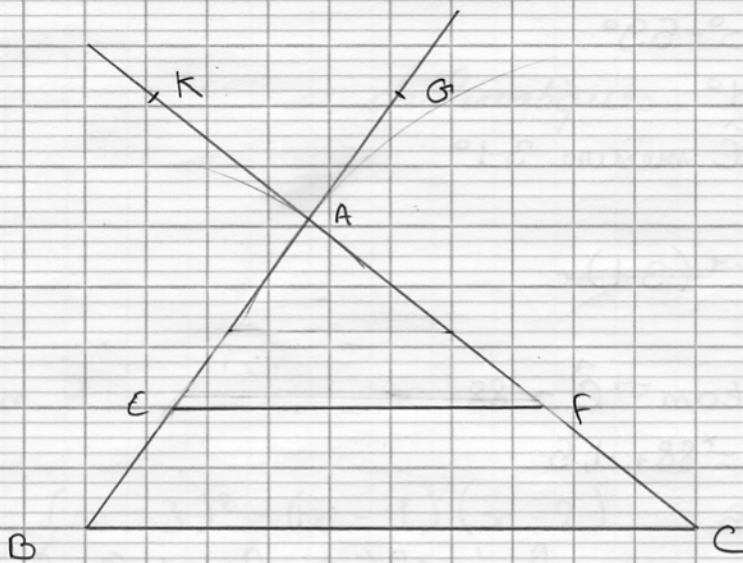
$$BC = 24 : 3$$

$$BC = 8$$

BC est égale à 8 cm.

1- Alexis (suite) :

2



3- Dans le triangle BAC, on suppose l'angle A rectangle alors d'après le théorème de ~~thales~~ Pythagore :

$$BC^2 = BA^2 + AC^2$$

$$BC^2 = 5^2 + 6,5^2$$

$$BC^2 = 25 + 42,25$$

$$BC^2 = 67,25$$

$$BC = \sqrt{67,25}$$

$$BC \approx 8$$

les droites (BA) et (AC) sont perpendiculaires.

2- Imana :

1) Dans le triangle ABC, j'utilise le théorème de Thalès :

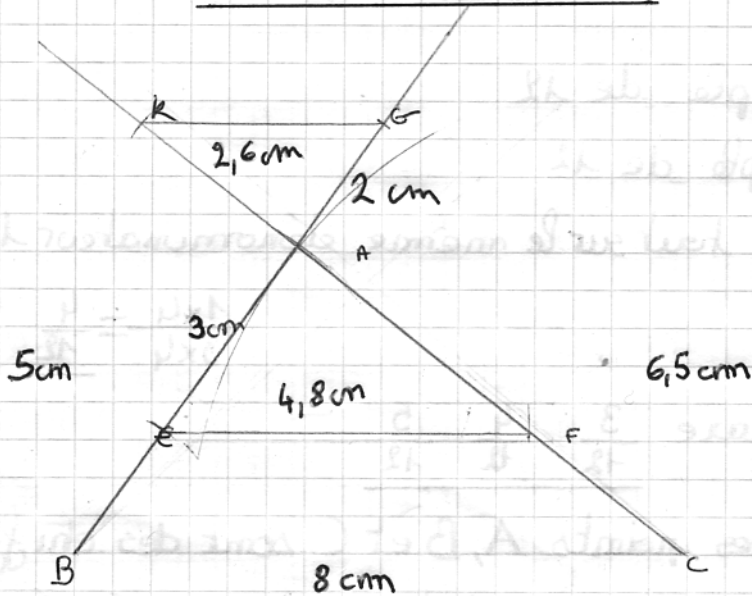
$$\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC}$$

soit $\frac{3}{5} = \frac{AF}{6,5} = \frac{4,8}{BC}$

donc $BC = \frac{5 \times 4,8}{3} = \underline{8 \text{ cm}}$

BC mesure 8 cm

2)



2- Imana (suite) :

3) Les 3 points K, A, C sont alignés dans le même ordre que les 3 points G, A, B, donc :

$$\frac{AK}{AC} = \frac{2,6}{6,5} = \underline{0,4}$$

$$\frac{AG}{AB} = \frac{2}{5} = \underline{0,4}$$

Les rapports sont égaux $\frac{KA}{CA} = \frac{GA}{BA}$

donc les droites (KG) et (BC) sont parallèles.

4) Dans le triangle ABC, où BC est le plus grand côté, j'utilise la réciproque du théorème de Pythagore :

$$AC^2 + AB^2 = 6,5^2 + 5^2 = 42,25 + 25 = \underline{67,25}$$

$$BC^2 = 8^2 = \underline{64}$$

D'après la réciproque du théorème de Pythagore, le triangle ABC n'est pas rectangle.