

TBI utilisé: Le Starboard de chez Hitachi

Avantages généraux pour cette séquence d'enseignement:

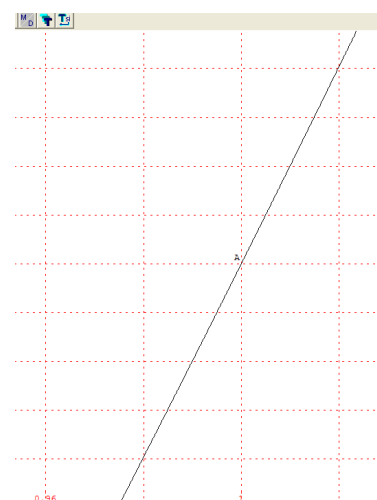
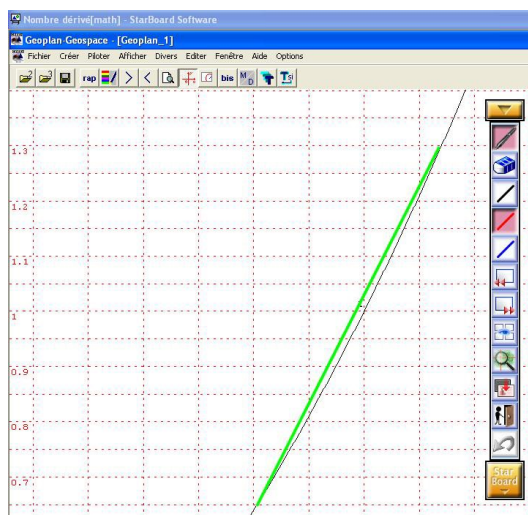
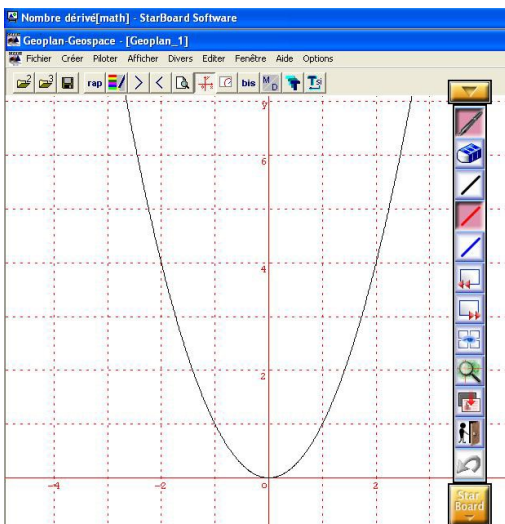
- Ergonomie de l'outil: on a tout sous la main: le stylet pour le tableau et les logiciels
- On est au tableau pour manipuler un logiciel et donc on montre facilement les choses.
- Le tableau est très lisible pour les élèves (de plus, possibilité de zoomer l'image)
- Les tableaux sont enregistrés et permettent aux élèves absents de les consulter. Cependant cet avantage ne s'applique pas (encore) chez nous: d'une part le réseau n'arrive pas dans les salles de cours; d'autre part le format d'enregistrement des données est propriétaire, ce qui nécessite le logiciel d'Hitachi pour relire les données.

Inconvénients généraux pour cette séquence d'enseignement:

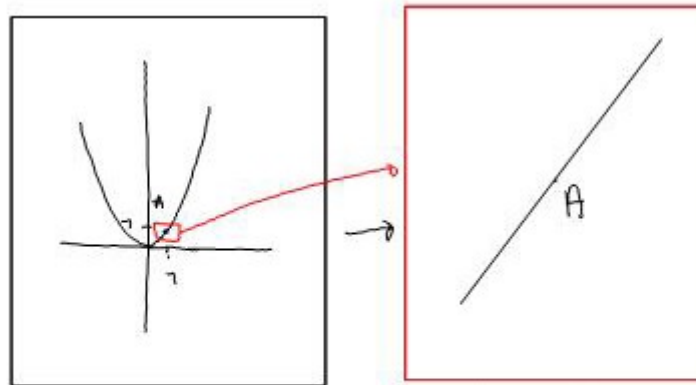
- La surface du tableau est trop modeste: est-ce une habitude que l'on a pas?
- Le stylet n'est pas toujours précis (difficile de faire un trait continu en deux temps, perturbation de l'écriture parfois)
- Pas d'outil de capture d'une partie de l'écran PC à intégrer dans le paperboard (Insérer par exemple le graphe de la fonction carré dans le cours)
- Difficulté d'utiliser l'outil ligne comme une règle et tracer des tangentes...
- Le prix (on pourrait pour le même prix équiper 2 salles d'un système ordinateur- vidéoprojecteur )

- 1- La séquence d'enseignement commence par la mise en place du sujet de travail à copier dans le cours:

2- On utilise alors un traceur de courbe (geoplan-geospace) pour observer le zoom autour de A. Les élèves disent assez vite que l'on obtient une droite. Avec l'outil ligne, on s'aperçoit que ce n'est pas une droite. On grossit encore jusqu'à ce que ligne et courbe se confondent. Personne à ce stade ne parle du problème d'épaisseur de la ligne tracée avec le TBI... Les élèves acceptent qu'en grossissant, la courbe « ressemble » à une droite. Je ne propose pas à ce stade de grossir à nouveau et d'observer que notre droite ne convient pas: je m'adresse à des élèves de STG, mon objectif est qu'il comprennent ce qu'est une tangente puis ce que l'on note  $f'(a)$

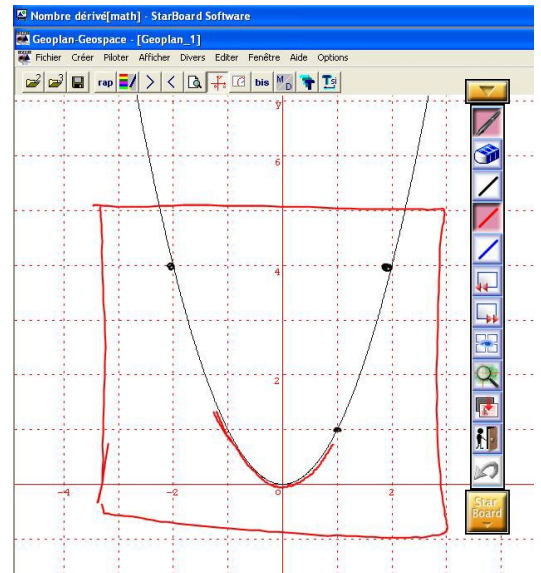


- 3- Il s'agit alors de noter cela dans le cours: dessiner la fonction carrée et le zoom autour du point A. Je bascule alors le TBI en mode tableau pour poursuivre le cours:



On s'aperçoit que la courbe ressemble à une droite.

Certains élèves ne savent plus tracer la fonction carrée. Il est facile d'annoter et de montrer l'écran ci-dessous pour placer quelques points remarquables, le comportement de la courbe au voisinage de 0 et la restriction de notre dessin:



- 4- On admet alors la propriété ci-dessous, validée simplement par l'observation du comportement de la fonction carrée lorsque l'on zoom sur un point. Aucun élève ne demande de zoomer sur d'autre point ou de voir ceci sur d'autres courbes... C'est dommage mais je ne propose moi même pas ceci dans le souci d'approfondir cette notion nouvelle.

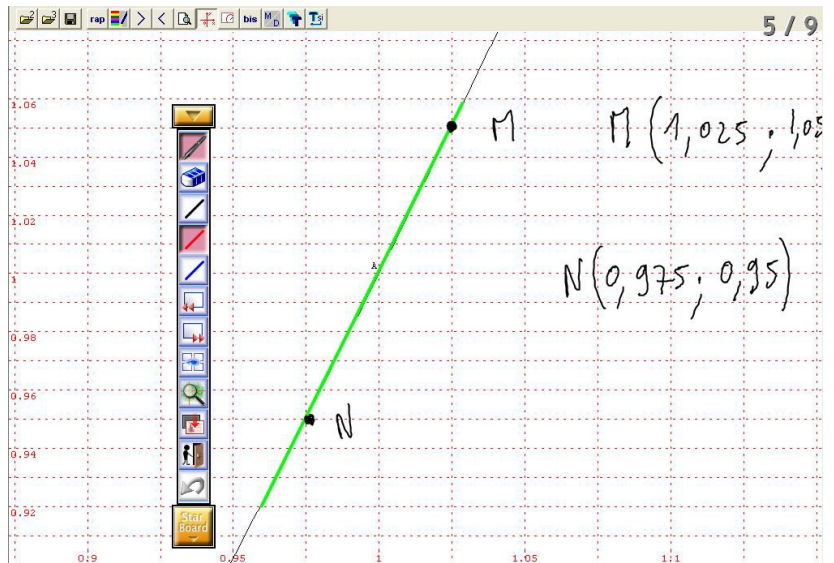
Propriété: Toutes les courbes représentatives des fonctions utilisées en STG ressemblent, localement, à des portions de droites.

L'intérêt est que l'on va pouvoir localement simplifier l'expression de la fonction  
 $2x^3 - 3x^2 + 4 \rightsquigarrow ax + b$

Définition: La droite qui approche "le mieux" la courbe au voisinage du point A est appelée tangente à la courbe en A



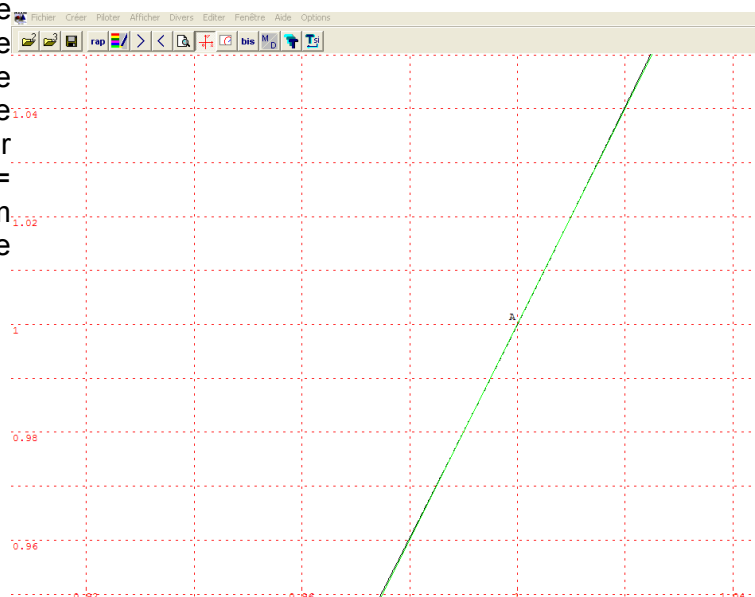
- 5- On se pose alors ensuite la question: Comment trouver la valeur des coefficients a et b? On retourne alors sous geoplan-geospace et l'on grossit autant que le souhaite les élèves. On lit alors les coordonnées de 2 points



- 6- Les élèves font alors d'abord seuls, au brouillon, les calculs pour trouver a et b. La correction se fait à la suite du cours:

A screenshot of the StarBoard software interface showing handwritten work. At the top, the question is written: "2° Quelle est l'équation de cette droite?". Below the question is a small diagram of a line segment with points A, N, and N'. The calculations are as follows:  
 $(MN): y = ax^2 + b$   
 $a = \frac{y_N - y_{N'}}{x_N - x_{N'}} = 2$   
 $y_N = 2x_N + b$  et  $b = -1$   
 $1,05 = 2 \times 1,025 + b$   
 $1,05 - 2 \times 1,025 = b$   
 $(MN): y = 2x - 1$

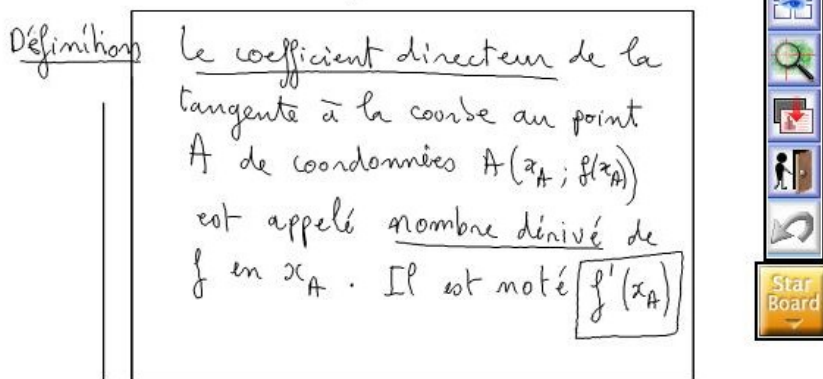
A ce stade les élèves sont « contents » de tomber sur des coefficients entiers. Cela est dû au fait que les coordonnées de M et N ont été lus sur le graphique. En réalité  $M(1,05; 1,050625)$  et  $N(0,975; 0,950625)$  et  $(MN): y = 2x - 0,999375$ . Je ne relève pas ceci dans le souci de ne pas compliquer quelque chose de déjà difficile. Je ne m'attendais pas si tôt à « tomber » directement sur cette équation, j'avais prévu de faire plusieurs essais et d'observer que le coefficient directeur a se rapprochait de plus en plus de 2 et l'ordonnée à l'origine b de plus en plus de -1. Bref, on trace sur le tableur en vert la droite d'équation  $y = 2x - 1$  et la fonction carré. On zoom autour de A et la qualité de l'approximation est immédiate...



En DM, on peut demander aux élèves de construire sous un tableur une feuille de calcul montrant numériquement l'erreur commise en approchant  $x^2$  par  $2x-1$  pour différentes valeurs de  $x$ . Il faut par ailleurs que cette feuille de calcul permette le changement automatique du pas et de la valeur de démarrage de  $x$ .

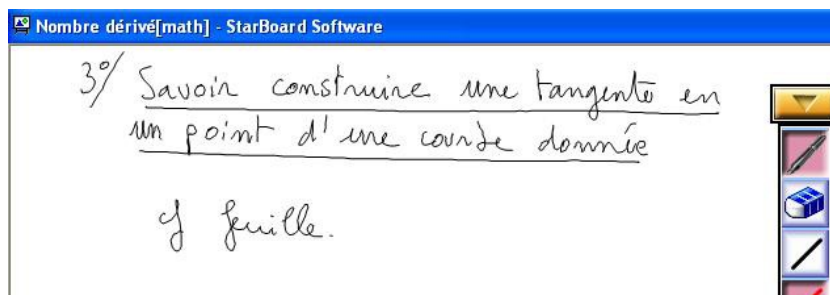
7- Et on conclut par une définition difficile:

Définition Le coefficient directeur de la tangente à la courbe au point  $A$  de coordonnées  $A(x_A; f(x_A))$  est appelé nombre dérivé de  $f$  en  $x_A$ . Il est noté  $f'(x_A)$

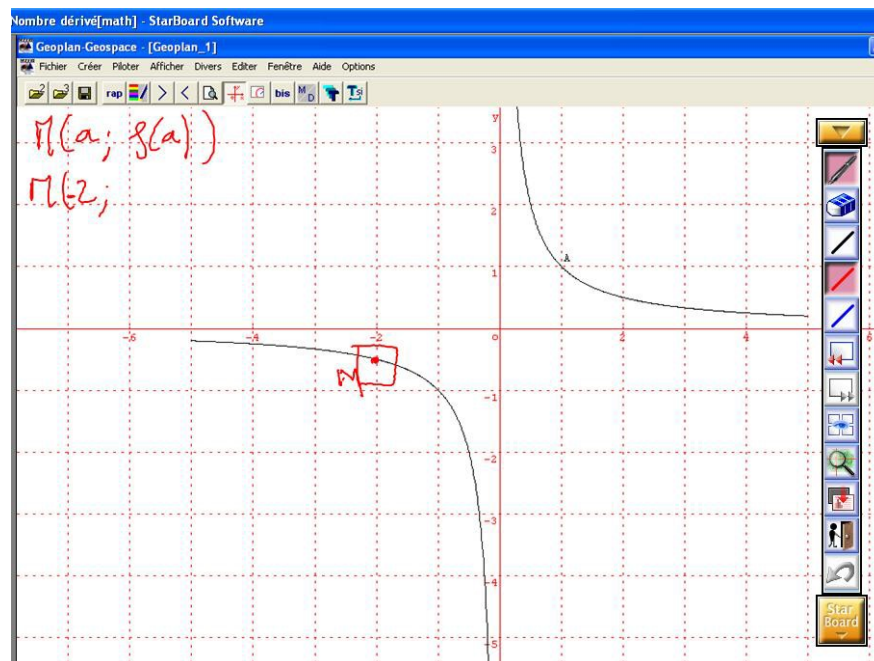


8- Je propose ensuite de travailler sur d'autres courbes représentatives de fonctions de référence, sur feuille cette fois ci. L'objectif étant de faire construire des tangentes et de lire les coefficients directeurs correspondants. Je distribue sur feuille deux courbes représentatives de fonctions usuelles accompagnés de différentes questions.

3°/ Savoir construire une tangente en un point d'une courbe donnée  
cf feuille.



On s'aperçoit alors que la notion de tangente à  $C_f$  en  $x=a$  est difficile à comprendre et je suis obligé (c'est normal) de réexpliquer (en faisant mon petit cadre autour de M) que localement la courbe se comporte comme une droite. Il est d'ailleurs difficile, avec l'outil ligne du TBI de tracer une tangente...



On se quitte sur cet écran, les élèves ayant pour consigne pour la séquence suivante de venir avec les différentes tangentes tracées et le tableau des coefficients directeurs complétés.